

Physique: 13 pts

Exercice 1:

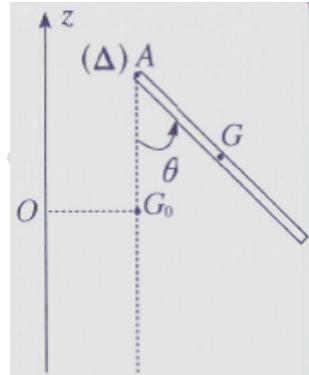
On considère une barre homogène (AB), de longueur $L=40\text{cm}$ et de masse $m=240\text{g}$ pouvant de tourner dans un plan vertical autour d'un axe horizontal (Δ) passant par son extrémité A. son moment d'inertie par rapport à (Δ) est $J_\Delta=1/3mL^2$.

On considère la position d'équilibre stable comme état de référence de l'énergie potentielle de pesanteur. La position de la barre est définie par θ .

1. On écarte la barre de sa position d'équilibre d'un angle $\theta_m = 60^\circ$ et on la lâche sans vitesse initiale. On prend $g=10\text{N}\cdot\text{kg}^{-1}$
 - 1.1. Établir l'expression d' E_{pp} à un instant où la position de la barre est repérée par une abscisse angulaire θ quelconque. **Ipt**
 - 1.2. Écrire l'expression de son énergie mécanique. Et montrer qu'il y a conservation d'énergie mécanique. **Ipt**
 - 1.3. Calculer la valeur de la vitesse angulaire ω de la barre à l'instant du passage par sa position d'équilibre stable. **Ipt**
 - 1.4. Déduire v_B la valeur de la vitesse linéaire de l'extrémité B à cet instant. **Ipt**
 2. Une mesure expérimentale de cette vitesse donne $v'_B = 2 \text{ m/s}$.
 - 2.1. Expliquer la différence entre v'_B et v_B . **Ipt**
 - 2.2. Déterminer l'expression du moment (supposé constant) du couple résistant appliqué à la barre au niveau de l'axe de rotation. (*sans calculer sa valeur*). **Ipt**

Bonus 2pt : question facultative

- 2.3. Déterminer l'expression de la quantité de chaleur échangée par le système

**Exercice 2:**

Le système figure ci-contre comprend :

- Un solide considéré comme ponctuel, de masse $m=400\text{g}$ pouvant glisser sur une piste formée de deux parties :
- Une partie AB de longueur $L=125\text{cm}$ inclinée d'un angle $\alpha=30^\circ$ par rapport à l'horizontale. Les frottements sur la partie AB sont négligeables.
- Une partie horizontale BC de longueur $d=80\text{cm}$. Les forces des frottements sont équivalentes à une force \vec{f} opposée à la vitesse \vec{v} de (S).
- Une poulie homogène de rayon $r=4\text{cm}$ et d'axe (Δ), de moment d'inertie par rapport à cet axe, $J_\Delta=1,6 \cdot 10^{-4}\text{kg}\cdot\text{m}^2$. les frottements dus à l'axe (Δ) sont équivalents à un couple de moment constant $\mathcal{M}_c=-8 \cdot 10^{-3}\text{N}\cdot\text{m}$
- Un fil inextensible et de masse négligeable assure la liaison entre la poulie et le corps (S).
- Un pendule constitué d'un corps (S') ponctuel, suspendu à un fil inextensible de masse négligeable, et de longueur $l=12\text{cm}$.
On prend $g=10\text{N}\cdot\text{kg}^{-1}$.

Lorsqu'on abandonne le système sans vitesse initiale, le corps (S) se trouve en A, à l'instant $t_A=0$.

1. Exprimer le travail de la force \vec{T} exercée par le fil sur le corps (S), entre les instants t_A et t_B , en fonction de m , v_B , g , L et α . **Ipt**
2. Exprimer le travail de la force \vec{T}' exercée par le fil sur la poulie, entre les instants t_A et t_B ,

en fonction de J_A , v_B , r , \mathcal{M}_c et L . Ipt

3. Montrer que $v_B = \sqrt{\frac{2L(mg \sin \alpha + \frac{\mathcal{M}_c}{r})}{m + \frac{J_A}{r^2}}}$ (sachant que $W(\vec{T}) = -W(\vec{T}')$); Vérifier que $v_B = 3 \text{ m.s}^{-1}$. Ipt

À la date t_B , le corps (S) arrive au point B , le fil se détache de la poulie, celle-ci continue à tourner et s'arrête après avoir effectué n tours.

4. Déterminer le nombre n . Ipt

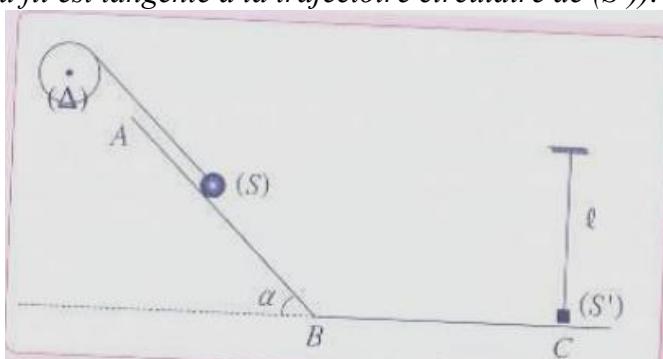
le corps (S) continue son mouvement sur la piste BC et arrive au point C par la vitesse $v_C = 2,8 \text{ m.s}^{-1}$

5. Déterminer l'intensité f de la force de frottement. Ipt

Au point C , le corps (S) heurte le corps (S') au repos, en lui communiquant 25.5% de son énergie cinétique. Sachant que (S') prend au point C la vitesse $v_{C'} = 2 \text{ m.s}^{-1}$.

6. Déterminer la masse m' du corps (S'). Ipt

7. Déterminer l'angle θ donnant la position d'arrêt du corps (S'), en appliquant le théorème de l'énergie cinétique à (S') entre la position C et la position d'arrêt (sachant que $W(\vec{T}) = 0$ car la force \vec{T} du fil est tangente à la trajectoire circulaire de (S')). Ipt



Chimie : 7pts

Partie I :

Écrire l'équation de dissolution dans l'eau et exprimer la concentration effective des ions en solution en fonction de la concentration molaire C de la solution :

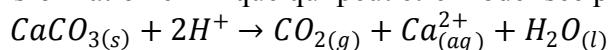
- Sulfure de fer II $FeSO_4$ Ipt
- Chlorure d'aluminium $AlCl_3$ Ipt

Partie II :

Dans un ballon, on verse un volume $V = 100 \text{ mL}$ d'acide chlorhydrique (H^+ , Cl^-) de concentration $C = 0.1 \text{ mol/L}$.

On introduit rapidement dans le ballon une masse $m = 2 \text{ g}$ de carbonate de calcium $CaCO_{3(s)}$.

Il se produit alors une transformation chimique qui peut être modélisée par l'équation :



1. Calculer les quantités de matière initiales des réactifs. Ipt
2. Tracer le tableau d'avancement de la transformation, et déterminer l'avancement maximal. En déduire le réactif limitant. Ipt
3. Faire le bilan de la matière à l'état final. Ipt
4. Calculer le volume du gaz dégagé dans les conditions où le volume molaire est $V_m = 24 \text{ mol/L}$. Ipt
5. Calculer les concentrations des ions présents dans la solution à l'état final, sachant que le volume de la solution n'a pas changé. Ipt

Données : Volume molaire d'un gaz dans les conditions de l'expérience : $V_m = 24 \text{ L.mol}^{-1}$

Masses molaires atomiques : $M(Ca) = 40,1 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(O) = 16 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(C) = 12 \text{ g.mol}^{-1}$

Les Corrections

EX 1:

1-1) $W(\vec{P}) = m \cdot g \cdot (30 - 3A)$
 $\Rightarrow W(\vec{P}) = -m \cdot g \cdot h \quad (1\text{pt})$
 $= -m \cdot g \cdot OA \cdot \sin \alpha$

1-2) $T \cdot E_C$ à la charge C entre t_A et t_B
 $\Delta E_C = 0 \Rightarrow V = ct$
 $0 = W(\vec{T}) + W(\vec{P}) + W(\vec{R})$
 $0 = T \cdot OA - m \cdot g \cdot OA \cdot \sin \alpha$
 $T = m \cdot g \cdot \sin \alpha \quad (1\text{pt})$

1-3) $T = \frac{100 \times 10 \times \sin 30^\circ}{500 \text{ N}}$

$V = ct \Rightarrow w = ct$ et $r = ct$ donc

la nature du mouvement de la partie est rotation uniforme.

$$\begin{aligned} w &= \frac{V}{r} \\ &= \frac{3}{4 \cdot 10^{-2}} \end{aligned} \quad (1\text{pt})$$

$$w = 75 \text{ rad/s}$$

1-4) a) $P_m = M_m \cdot w$

$$M_m = \frac{P_m}{w} \quad 0.5\text{pt}$$

$$M_m = \frac{118 \cdot 10^3}{75}$$

b) $w = ct$ selon T. démonté

$$\sum M_n = 0$$

$$\cancel{M(\vec{P})} + \cancel{M(\vec{R})} + M(\vec{T})$$

$$+ M_m + M_c = 0$$

1pt

$$-T \cdot r + M_m + M_c = 0$$

$$M_c = T \cdot r - M_m$$

A.N. $M_c = 500 \times 4 \cdot 10^{-2} - 24$

$$M_c = -4 \text{ N.m}$$

2- En appliquant T.E_C à l'apout entre t_A et t_B

$$w_B = 0 \quad M_m = 0 \quad W(\vec{P}) = 0$$

$$-\frac{1}{2} J_D w_A^2 = M_c \cdot \Delta \theta \quad (1\text{pt})$$

$$-\frac{1}{2} J_D w_A^2 = M_c \cdot \frac{AB}{r}$$

$$\frac{1}{J_D} = \frac{-2 M_c \cdot AB}{w_A^2 \cdot r}$$

2-2) $-\frac{1}{2} J_D w_A^2 = M_c \cdot 2\pi \cdot n$

$$n = -\frac{J_D \cdot w_A^2}{M_c \cdot 4\pi}$$

(0.5 pt)

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot z + c$$

On prend l'état de référence au plan passe par O l'origine de l'axe (0z)

$$\text{donc } z_0 = 0 \Rightarrow c = 0$$

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot z \quad (0,5 \text{ pt})$$

d'après le schéma $z = x \cdot \sin \alpha$

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot x$$

$$\begin{aligned} E_m &= \Delta E_c + \Delta E_{pp} \\ &= W(\vec{P}) - W(\vec{P}') \end{aligned}$$

$$\Delta E_m = 0 \Rightarrow E_m = \text{cte} \quad (0,5 \text{ pt})$$

E_m se conserve

$$2.5. \text{ On a } E_m(A) = E_m(B)$$

$$E_{pp}(A) + E_{\text{kin}}(A) = E_{pp}(B) + E_{\text{kin}}(B)$$

$$m \cdot g \cdot \sin \alpha x_A + \frac{1}{2} m v_A^2 = m \cdot g \cdot \sin \alpha x_B$$

$$\frac{1}{2} m v_A^2 = m \cdot g \cdot \sin \alpha (x_B - x_A)$$

$$x_B - x_A = \frac{v_A^2}{2 \cdot g \cdot \sin \alpha}$$

$$AB = \frac{v_A^2}{2 \cdot g \cdot \sin \alpha}$$

$$A.N \quad AB = \frac{3^2}{2 \times 10 \cdot \sin 30^\circ}$$

$$AB = 0,9 \text{ m}$$

(1 pt)

EX 2 :

$$\begin{aligned} 1) \quad E_{pp} &= m \cdot g \cdot z + m \cdot g \cdot z_0 \\ &= m \cdot g (z - z_0) \end{aligned}$$

on prend comme état de référence de l' E_{pp} , le plan horizontal passant par O, origine de l'axe (0z). (1 pt)

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot r (1 - \cos \theta)$$

2-1)

$$\text{on a } E_{pp} = m \cdot g \cdot r (1 - \cos \theta)$$

si $\theta = 10^\circ$ $\Rightarrow E_{pp \text{ max}}$

on glisse sans frottement

$$\text{donc } E_m = \text{cte}$$

$$E_m = E_{pp \text{ max}} = E_{cm \text{ max}}$$

et si $E_{pp \text{ max}} \Rightarrow E_c = 0$

Si $E_{cm \text{ max}} \Rightarrow E_{pp} = 0$ (1 pt)

donc

(a) : la courbe de l'énergie mécanique E_m

(b) : la courbe de E_c

$$2-2) E_{\text{Eff,max}} = m \cdot g \cdot r (1 - \cos \theta_{\text{max}})$$

$$1 - \cos \theta_{\text{max}} = \frac{E_{\text{Eff,max}}}{m \cdot g \cdot r}$$

$$\cos \theta_{\text{max}} = 1 - \frac{E_{\text{Eff,max}}}{m \cdot g \cdot r}$$

3- A.N

$$\cos \theta_m = 1 - \frac{10 \cdot 10^{-3}}{\frac{12,1 \cdot 10^{-3} \times 10 \times 9,81}{40 \cdot 10^{-2}}} \quad (1 \text{ pt})$$

$$\cos \theta_m = 0,8$$

$$\theta_m = 36,87^\circ$$

$$3- E_{\text{C,max}} = \frac{1}{2} m v_{\text{max}}^2$$

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2 E_{\text{C,max}}}{m}}$$

$$A.N \quad v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{12,1 \cdot 10^{-3}}} \quad (1 \text{ pt})$$

$$v_{\text{max}} = 1,265 \text{ m/s}$$

$$4- E_C = \frac{20}{100} E_{\text{pp}}$$

On a

$$E_m = \text{cte} = 10 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

$$E_m = E_C + E_{\text{pp}}$$

$$= 0,2 E_{\text{pp}} + E_{\text{pp}}$$

$$= 1,2 E_{\text{pp}}$$

$$E_m = 1,2 m \cdot g \cdot r (1 - \cos \theta)$$

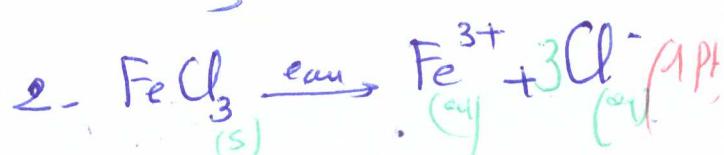
$$\cos \theta = 1 - \frac{E_m}{1,2 m \cdot g \cdot r}$$

$$A.N \quad \theta = \cos^{-1} \left(1 - \frac{E_m}{1,2 m \cdot g \cdot r} \right) \quad (1 \text{ pt})$$

$$\theta = 33,56^\circ$$

Chimie :

partie I :



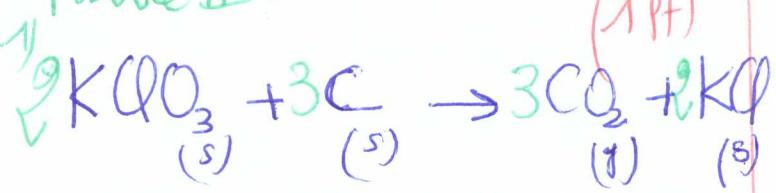
$$3- c = [\text{Fe}^{3+}] = \frac{[\text{Cl}^-]}{3}$$

$$c = \frac{[\text{Cl}^-]}{3} \quad (1 \text{ pt})$$

$$c = \frac{0,75}{3}$$

$$c = 0,25 \text{ mol/L}$$

Partie II:



$$2) n_{\text{o}}(\text{KClO}_3) = \frac{m}{M} \quad (1\text{pt})$$

$$= \frac{2\Gamma}{39,1 + 3 \cdot 12 + 3 \cdot 16}$$

$$= 0,204 \text{ mol}$$

$$\frac{n_{\text{o}}(\text{KClO}_3)}{2} = \frac{0,204}{2} = 0,102 \text{ mol}$$

$$n_{\text{o}}(\text{C}) = \frac{3,33}{3} = 1,11 \text{ mol}$$

$$x_{\text{max}} = 0,102 \text{ mol}$$

le réactif limitant est KClO_3

$$4) V(\text{CO}_2) = n_{\text{e}}(\text{CO}_2) \cdot V_m$$

$$= 3 \cdot x_{\text{max}} \cdot V_m \quad (1\text{pt})$$

$$= 3 \cdot 0,102 \cdot 24$$

$$V(\text{CO}_2) = 7,344 \text{ L}$$

3-

(1pt)

Équation de la réaction



états	avancement	quantité de matière en mol
état initial	0	$n_{\text{o}}(\text{KClO}_3) \quad n_{\text{o}}(\text{C}) \quad 0 \quad 0$
au cours de la transformation	x	$n_{\text{o}}(\text{KClO}_3) - \frac{2x}{3} \quad n_{\text{o}}(\text{C}) - \frac{3x}{3} \quad 3x \quad 2x$
état final	x_{max}	$n_{\text{o}}(\text{KClO}_3) - \frac{2x_{\text{max}}}{3} \quad n_{\text{o}}(\text{C}) - \frac{3x_{\text{max}}}{3} \quad 3x_{\text{max}} \quad 2x_{\text{max}}$