

L'utilisation d'une calculatrice non programmable est autorisée

Exercice1 (5pts):

- 1.5 1. a. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivante: $2x^2 + x - 1 = 0$
- 0.5 b. Le nombre 3 est-il solution de l'inéquation: $2x^2 + x - 1 \geq 0$? Justifier la réponse.
- 1 c. Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation: $2x^2 + x - 1 \geq 0$
- 2 2. Résoudre le système suivant: $(S): \begin{cases} 3x - 2y = 9 \\ 4x + y = 1 \end{cases}$ où x et y sont deux inconnues réelles.

Exercice2 (1pt):

- 1 A l'occasion d'une fête religieuse, parmi 140 djellabas traditionnelles destinées à la vente dans un magasin, 65% d'entre elles ont été vendues. Combien reste-t-il de ces djellabas?

Exercice3 (4pts):

1. Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite numérique définie par: $u_n = 4n + 1$ pour tout n de \mathbb{N}
- 0.5 a. Vérifier que $u_1 = 5$ et que $u_{30} = 121$
- 1 b. Montrer que $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite arithmétique de raison 4
- 1 c. Calculer la somme S telle que: $S = 5 + 9 + 13 + 17 + \dots + 121$
2. Soit $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite géométrique telle que: $v_1 = -6$ et $v_4 = 48$
- 1 a. Montrer que la raison de la suite $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est -2
- 0.5 b. Calculer v_0 et exprimer v_n en fonction de n

Exercice4 (2pts):

- Une urne contient deux boules blanches, cinq boules noires et trois boules rouges. Les boules sont indiscernables au toucher.
- On tire, au hasard, successivement et sans remise, trois boules de l'urne.
- 0.5 1. Montrer que le nombre de tirages possibles est 720
 - 0.5 2. Calculer le nombre de tirages de trois boules de même couleur.
 - 1 3. Calculer le nombre de tirages contenant au moins une boule rouge parmi les trois boules tirées.

Exercice5 (8pts):

- Soit f la fonction numérique de la variable réelle x définie sur \mathbb{R} par: $f(x) = 2x^3 + x^2 - 8x - 4$ et soit (C) sa représentation graphique dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- 1 1. a. Calculer $f(1)$ et vérifier que: $f\left(\frac{-4}{3}\right) = \frac{100}{27}$
 - 2 b. Calculer les limites suivantes: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
 - 1 2. a. Vérifier que: $f(x) = (x^2 - 4)(2x + 1)$ pour tout x de \mathbb{R}
 - 1 b. En déduire les couples de coordonnées des points d'intersection de (C) et l'axe des abscisses.
 - 1 3. a. Montrer que $f'(x) = 2(x - 1)(3x + 4)$ pour tout x de \mathbb{R}
 - 1 c. Montrer que f est décroissante sur l'intervalle $\left[-\frac{4}{3}; 1\right]$ et croissante sur chacun des intervalles $\left]-\infty; -\frac{4}{3}\right]$ et $[1; +\infty[$
 - 0.5 c. Dresser le tableau de variations de f
 - 0.5 4. Écrire une équation de la tangente (T) à la courbe (C) au point d'abscisse 0