

الامتحان الجهوي الموحد لنيل شهادة السلك الإعدادي

Session : juillet 2022

Matière : Mathématiques

Durée : 2h

Nom et Prénom :

N° Examen

Réservé

Date et lieu de naissance :

✂.....

P: 1/8

الامتحان الجهوي الموحد لنيل شهادة السلك الإعدادي

Session : juillet 2022

Matière : Mathématiques

Durée : 2h

Coef : 3

Réservé

Note :

20

Note en lettres

Nom du coordinateur

Ex : 1

Ex : 2

Ex : 3 et 4

Ex : 5 et 6

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

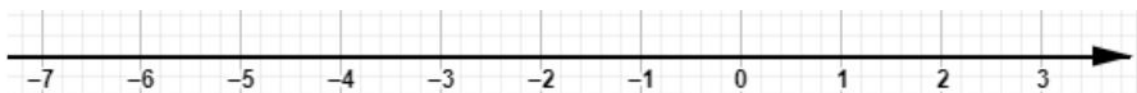
EXERCICE : 1 (5 pts)

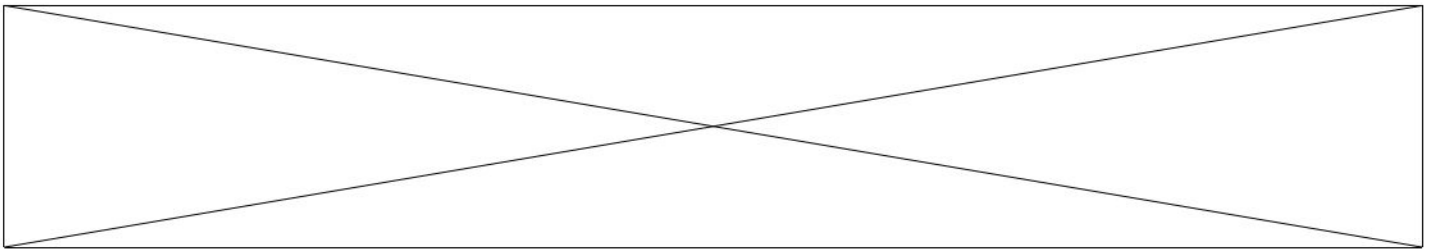
0.5 1. a) Résoudre l'équation : $3(x+2)-5=-2x$

1 b) Résoudre l'équation : $(3-x)(2x-\sqrt{5})=0$

0.75 2. a) Résoudre l'inéquation : $\frac{x}{2} + \frac{13}{10} \leq \frac{x}{5} + 1$

0.25 b) Représenter les solutions sur la droite graduée

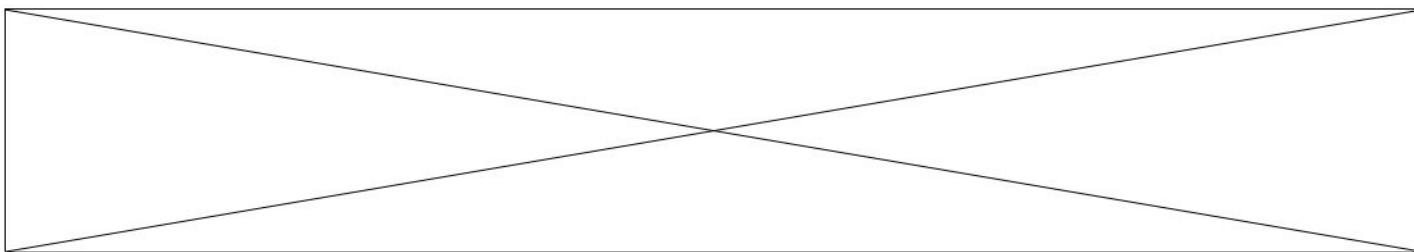




✂

- 1.5 3. a) Résoudre le système :
$$\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 3y = 10 \end{cases}$$

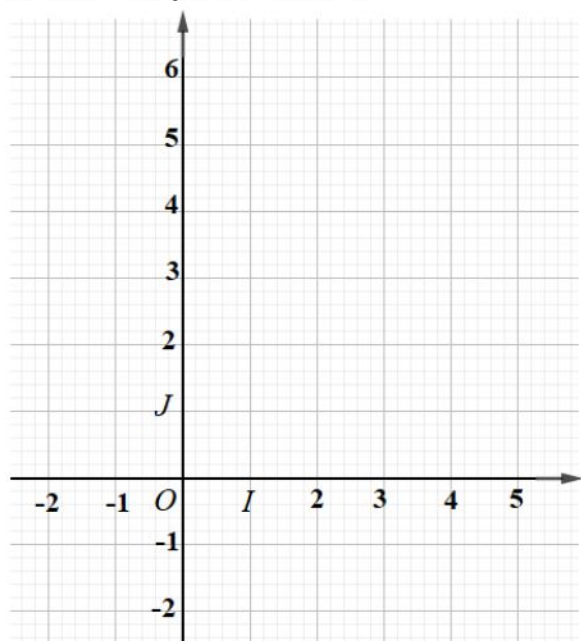
- 1 b) Un collège a organisé une réunion d'information sur l'orientation scolaire pour les élèves des classes de 3^{ème} année . Au début de la réunion, le nombre de filles dépassait de 30 le nombre de garçons .
Au cours de la réunion, 8 garçons et 14 filles ont rejoint la salle de la réunion ; par conséquent, le nombre de filles est devenu le triple du nombre de garçons.
Déterminer le nombre de filles au début de la réunion.



EXERCICE : 2 (4 pts)

Dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, I, J) , on considère les points : $A(0,5)$; $B(3,1)$ et $C\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$

0.5 1. Placer les points : A et B

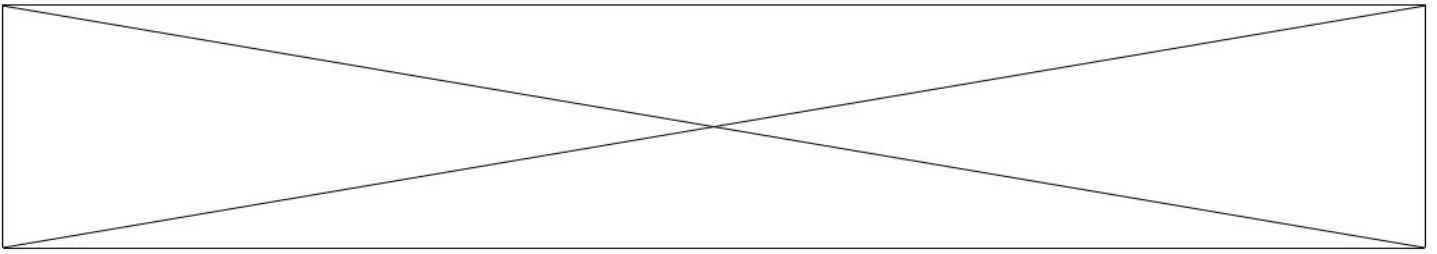


2. a) Déterminer les coordonnées du vecteur \overrightarrow{AB}

b) Calculer la distance AB

0.5 3. Soit (Δ) la droite d'équation réduite $y = -3x + 5$, montrer que les points A et C appartiennent à (Δ)

0.5 4. Déterminer l'équation réduite de la droite (D) passant par B et parallèle à (Δ)



0.5 5. Montrer que C est le milieu du segment $[OB]$



0.25 6. a) Montrer que le coefficient directeur de (OB) est $\frac{1}{3}$

0.5 b) En déduire que (Δ) est la médiatrice du segment $[OB]$



0.5 7. La droite (Δ) coupe l'axe des abscisses au point K , déterminer l'aire du triangle AOK



EXERCICE : 3 (4 pts)

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, I, J)

1. On considère la fonction linéaire f telle que : $f(-3) = 7$, montrer que : $f(x) = \frac{-7}{3}x$

0.5 2. On considère la fonction affine g définie par : $g(x) = 3x - 4$

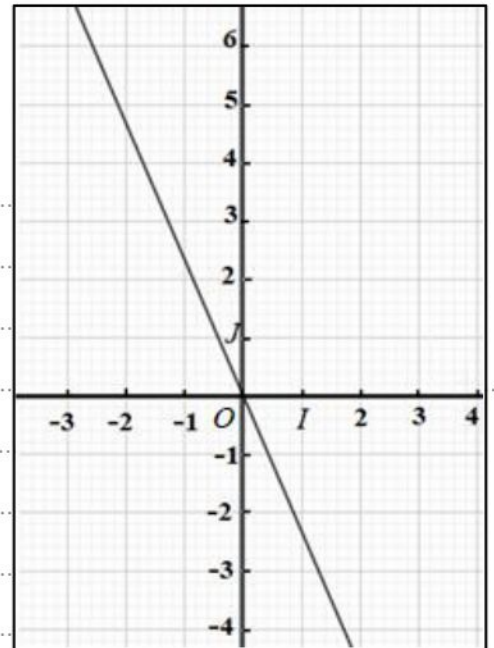
+ a) calculer l'image de 1 par la fonction g b) Déterminer le nombre dont l'image est 5 par g

0.5

3. On donne ci-contre la représentation graphique de la fonction linéaire f

0.5 a) Construire sur le même repère la représentation graphique de la fonction g .

0.5 b) Résoudre l'équation suivante : $\frac{-7}{3}x = 3x - 4$

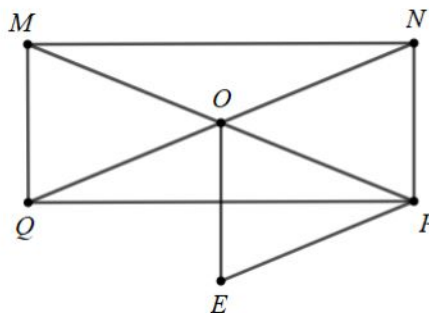


1 c) En déduire les coordonnées du point d'intersection des représentations graphiques des fonctions f et g

EXERCICE : 4 (2 pts)

Sur la figure, $MNPQ$ est un rectangle de centre O et $ONPE$ est un parallélogramme.

On considère la translation t de vecteur \overrightarrow{OP}



- 0.5 1. a) Construire sur la figure le point F l'image du point N par la translation t .
- 0.5 b) Montrer que le quadrilatère $ONFP$ est un losange.

- 0.5 2. Montrer que P est le milieu du segment $[EF]$.

- 0.5 3. Déterminer l'image de la droite (MQ) par la translation t

EXERCICE : 5 (2 pts)

Pour recruter de nouveaux employés, l'administration d'un complexe touristique, a interrogé des candidats à propos du nombre de langues qu'ils parlent.

Les résultats sont donnés dans le tableau suivant :

Nombre de langues	1	2	3	4	5
Effectif (nombre de candidats)	7	14	6	2	1
Effectifs cumulés					

0.25 1. Déterminer le nombre de candidats interrogés.

0.25 2. Déterminer le mode de cette série statistique.

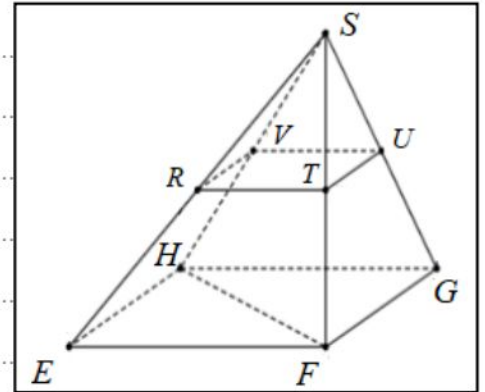
1 3. Compléter le tableau des effectifs cumulés, puis déterminer la médiane de cette série statistique.

0.5 4. Calculer la moyenne arithmétique de cette série statistique.

EXERCICE : 6 (3 pts)

$SEFGH$ est une pyramide de base le carré $EFGH$ et sa hauteur $[SF]$ telle que : $EF = 6\text{ cm}$ et $SF = 10\text{ cm}$

0.75 1. Montrer que $HF = 6\sqrt{2}\text{ cm}$



0.75 2. Montrer que le volume de la pyramide $SEFGH$ est $V = 120\text{ cm}^3$

3. La pyramide $SRTUV$ est une réduction de la pyramide $SEFGH$.

0.75 a) Sachant que le volume de la pyramide $SRTUV$ est $V' = 15\text{ cm}^3$, déterminer k le rapport de réduction.

0.75 b) En déduire la distance VT

Exercice 1 : (5 pts)

1) a. On a : $3(x + 2) - 5 = -2x$

Alors : $3x + 6 - 5 = -2x$

Signifie que : $3x + 2x = -6 + 5$

Signifie que : $5x = -1$

Donc : $x = \frac{-1}{5}$

D'où la solution de cette équation est : $\frac{-1}{5}$

b. On a : $(3 - x)(2x - \sqrt{5}) = 0$

Alors : $3 - x = 0$ ou $2x - \sqrt{5} = 0$

Signifie que : $-x = -3$ ou $2x = \sqrt{5}$

Donc : $x = 3$ ou $x = \frac{\sqrt{5}}{2}$

D'où les solutions de cette équation sont : 3 et $\frac{\sqrt{5}}{2}$

2) a. On a : $\frac{x}{2} + \frac{13}{10} \leq \frac{x}{5} + 1$

Alors : $\frac{5x}{10} + \frac{13}{10} \leq \frac{2x}{10} + \frac{10}{10}$

Signifie que : $5x + 13 \leq 2x + 10$

Signifie que : $5x - 2x \leq 10 - 13$

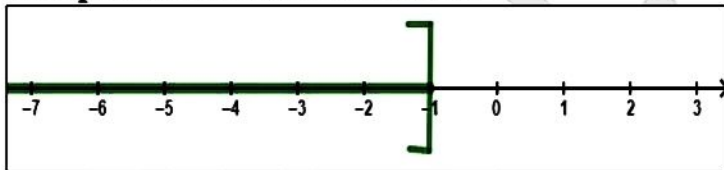
Signifie que : $3x \leq -3$

Signifie que : $x \leq \frac{-3}{3}$

Donc : $x \leq -1$

D'où les solutions de cette inéquation sont tous les nombres réels qui sont inférieurs ou égaux à -1.

b. Représentation des solutions :



3) a. On a : $\begin{cases} x - y = 30 & (1) \\ x - 3y = 10 & (2) \end{cases}$

- Dans l'équation (1) on exprime x en fonction de y :

On a : $x - y = 30$

Alors : $x = 30 + y$

- Dans l'équation (2) on remplace x par $(30 + y)$; on obtient :

$30 + y - 3y = 10$

Alors : $y - 3y = 10 - 30$

Signifie que : $-2y = -20$

Signifie que : $y = \frac{-20}{-2}$

Donc : $y = 10$

Par suite : $x = 30 + 10$

Donc : $x = 40$

D'où le couple $(40 ; 10)$ est la solution de ce système.

b. Choix des inconnues :

Soit x le nombre de filles au début de la réunion.

Et y le nombre de garçons au début de la réunion.

- Mise en système :

$$\begin{cases} x = y + 30 \\ x + 14 = 3(y + 8) \end{cases}$$

- Résolution du système :

On a : $\begin{cases} x = y + 30 \\ x + 14 = 3(y + 8) \end{cases}$

Alors : $\begin{cases} x - y = 30 \\ x + 14 = 3y + 24 \end{cases}$

Par suite : $\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 3y = 24 - 14 \end{cases}$

Donc : $\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 3y = 10 \end{cases}$

D'où : d'après la question 3) a. le couple $(40 ; 10)$ est la solution de ce système.

- Vérification :

✓ $40 = 10 + 30$

✓ $40 + 14 = 54 = 3 \times 18 = 3(10 + 8)$

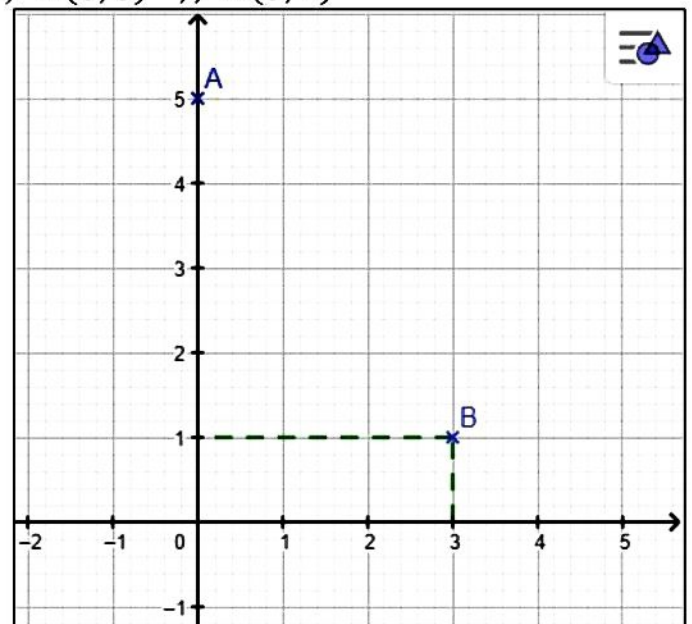
- Retour au problème :

✓ Le nombre de filles au début de la réunion est : 40.

✓ Le nombre de garçons au début de la réunion est : 10.

Exercice 2 : (4 pts)

1) $A(0; 5)$; $B(3; 1)$



2) a. On a : $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A; y_B - y_A)$

Alors : $\overrightarrow{AB}(3 - 0; 1 - 5)$

Donc : $\overrightarrow{AB}(3; -4)$

b. On a : $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

Alors : $AB = \sqrt{(3)^2 + (-4)^2}$

Alors : $AB = \sqrt{9 + 16}$

D'où : $AB = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$

3) - On a : $-3x_A + 5 = -3 \times 0 + 5 = 5 = y_A$

Alors : $A(0; 5) \in (\Delta)$

- On a :

$$-3x_C + 5 = -3 \times \frac{3}{2} + 5 = \frac{-9}{2} + \frac{10}{2} = \frac{1}{2} = y_C$$

Alors : $C\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right) \in (\Delta)$

4) on sait que : $(D): y = mx + p$

✓ Déterminons m :

On a : $(\Delta) // (D)$

Alors : $m_{(\Delta)} = m_{(D)} = -3$

Par suite : $y = -3x + p$

✓ Déterminons p :

On a : $B(3; 1) \in (D)$

Alors : $y_B = -3x_B + p$

C.à.d : $1 = -3 \times 3 + p$

C.à.d : $1 = -9 + p$

Donc : $p = 1 + 9 = 10$

D'où : $(D): y = -3x + 10$

5) On a : $\frac{x_O + x_B}{2} = \frac{0+3}{2} = \frac{3}{2} = x_C$

Et on a : $\frac{y_O + y_B}{2} = \frac{0+1}{2} = \frac{1}{2} = y_C$

Alors : $C\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right)$ est le milieu du segment $[OB]$

6) a. on a : $O(0; 0) \in (OB)$ et $B(3; 1) \in (OB)$

Alors : $m_{(OB)} = \frac{y_B - y_O}{x_B - x_O} = \frac{1-0}{3-0} = \frac{1}{3}$

D'où : le coefficient directeur de (OB) est : $\frac{1}{3}$

b. On a : $m_{(\Delta)} \times m_{(OB)} = -3 \times \frac{1}{3} = -1$

Alors : $(\Delta) \perp (OB)$

Et on a : C est le milieu du segment $[OB]$

Et puisque : $C \in (\Delta)$

Alors : (Δ) est la médiatrice du segment $[OB]$

7) L'aire du triangle AOK

On a : $A(0; 5)$ appartient à l'axe des ordonnées.

Et on a : K appartient à l'axe des abscisses.

Alors : $(OK) \perp (OA)$

Par suite : $\mathcal{A}_{AOK} = \frac{OK \times OA}{2}$

✓ Calculons OA :

On a : $OA = \sqrt{(x_A - x_O)^2 + (y_A - y_O)^2}$

Alors : $OA = \sqrt{(0 - 0)^2 + (5 - 0)^2}$

Alors : $OA = \sqrt{0 + 25}$

D'où : $OA = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$

✓ Calculons OK :

On a : $K(x_K; 0)$ l'intersection de (Δ) et l'axe des abscisses.

Alors : $0 = -3x_K + 5$

C.à.d : $3x_K = 5$

C.à.d : $x_K = \frac{5}{3}$

Donc : $K\left(\frac{5}{3}; 0\right)$

Et on a : $OK = \sqrt{(x_K - x_O)^2 + (y_K - y_O)^2}$

Alors : $OK = \sqrt{\left(\frac{5}{3} - 0\right)^2 + (0 - 0)^2}$

Alors : $OK = \sqrt{\left(\frac{5}{3}\right)^2 + 0}$

D'où : $OK = \sqrt{\left(\frac{5}{3}\right)^2} = \frac{5}{3} \text{ cm}$

Par suite : $\mathcal{A}_{AOK} = \frac{\frac{5}{3} \times 5}{2}$

Donc : $\mathcal{A}_{AOK} = \frac{\frac{25}{3}}{2}$

Donc : $\mathcal{A}_{AOK} = \frac{25}{3} \times \frac{1}{2}$

D'où : $\mathcal{A}_{AOK} = \frac{25}{6} \text{ cm}^2$

Exercice 3 : (4 pts)

1) On a : f est une fonction linéaire.

Alors : $f(x) = ax$

Par suite : $a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(-3)}{-3} = \frac{7}{-3} = \frac{-7}{3}$

D'où : $f(x) = \frac{-7}{3}x$

2) a. On a : $g(x) = 3x - 4$

Alors : $g(1) = 3 \times 1 - 4 = 3 - 4 = -1$

b. On a : $g(x) = 3x - 4$ et $g(x) = 5$

Alors : $3x - 4 = 5$

C.à.d : $3x = 5 + 4$

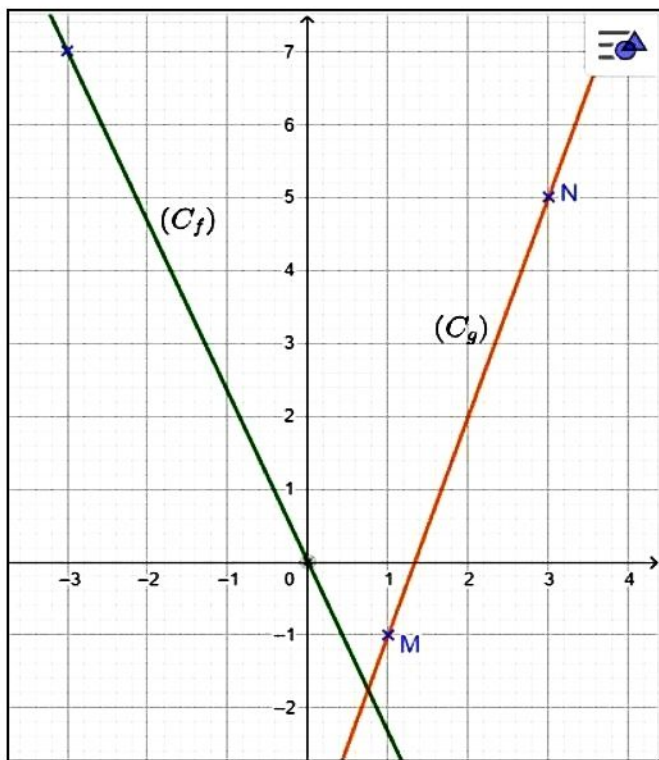
C.à.d : $3x = 9$

Donc : $x = \frac{9}{3} = 3$

D'où : le nombre qui a pour image 5 est : 3

3) a.

x	1	3
$g(x)$	-1	5
	$M(1; -1)$	$N(3; 5)$



b. On a : $-\frac{7}{3}x = 3x - 4$

Alors : $-\frac{7}{3}x = \frac{9x}{3} - \frac{12}{3}$

Signifie : $-7x = 9x - 12$

Signifie : $-7x - 9x = -12$

Signifie : $-16x = -12$

Signifie : $x = \frac{-12}{-16}$

Donc : $x = \frac{3}{4}$

D'où la solution de cette équation est : $\frac{3}{4}$

c. On a : $f(x) = g(x)$

Alors : $-\frac{7}{3}x = 3x - 4$

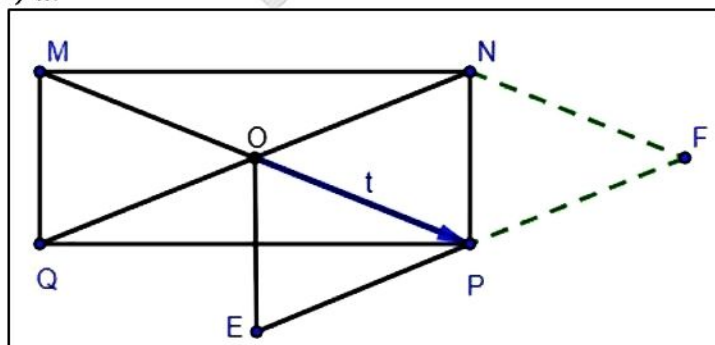
Par suite : d'après la question b. $\frac{3}{4}$ est la solution de cette équation.

Et on a : $f\left(\frac{3}{4}\right) = -\frac{7}{3} \times \frac{3}{4} = -\frac{7}{4}$

D'où : les coordonnées du point d'intersection des représentations graphique des fonctions f et g sont : $\left(\frac{3}{4}; -\frac{7}{4}\right)$

Exercice 4 : (2 pts)

1) a.



b. On a F l'image du point N par la translation t

Alors : $\overrightarrow{OP} = \overrightarrow{NF}$

Donc : $ONFP$ est un parallélogramme.

- Et on a : O le centre du rectangle $MNPQ$.

Alors : $OP = ON$

Par suite : le quadrilatère $ONFP$ est un losange.

2) On a : $ONPE$ est un parallélogramme

Alors : $\overrightarrow{ON} = \overrightarrow{EP}$ (1)

Et on a : $ONFP$ est un losange

Alors : $\overrightarrow{ON} = \overrightarrow{PF}$ (2)

Donc d'après (1) et (2), on a : $\overrightarrow{EP} = \overrightarrow{PF}$

Par suite : P est le milieu du segment $[EF]$

3) On a : O le centre du rectangle $MNPQ$.

Alors : O est le milieu du segment $[MP]$.

Donc : $\overrightarrow{MO} = \overrightarrow{OP}$

Par suite : O est l'image du point M par la translation t .

D'où : l'image de (MQ) par la translation t est la droite qui passe par O et parallèle à (MQ) .

Et on a : $MNPQ$ est un rectangle.

Alors : $(MQ) \parallel (NP)$ (3)

Et on a aussi : $ONPE$ est un parallélogramme.

Alors : $(OE) \parallel (NP)$ (4)

Donc d'après (3) et (4), on a : $(MQ) \parallel (OE)$

D'où l'image de la droite (MQ) par la translation t est la droite (OE) .

Exercice 5 : (2 pts)

1) Le nombres de candidats interrogés est :

$$7 + 14 + 6 + 2 + 1 = 30$$

2) Le mode de cette série statistique :

On a le plus grand effectif est 14, associé à la valeur 2.

Alors : le mode est 2.

3) La médiane :

Valeurs	1	2	3	4	5
Effectif	7	14	6	2	1
Effectif cumulé	7	21	27	29	30

On a : $\frac{N}{2} = \frac{30}{2} = 15$

Et on a : le plus petit effectif cumulé supérieur ou égal à 15 est 21, associé à la valeur 2.

Alors : la médiane est 2.

4) La moyenne :

On a : $m = \frac{(1 \times 7) + (2 \times 14) + (3 \times 6) + (4 \times 2) + (5 \times 1)}{30}$

Alors : $m = \frac{7 + 28 + 18 + 8 + 5}{30}$

Alors : $m = \frac{66}{30}$

D'où : $m = 2,2$

Exercice 6 : (3 pts)

1) On a : $EFGH$ est un carré

Alors EFH est un triangle rectangle en E

Donc d'après le théorème de Pythagore direct,

on a : $HF^2 = EF^2 + EH^2$

Et puisque : $EF = EH = 6 \text{ cm}$

Alors : $HF^2 = 6^2 + 6^2$

C-à-d : $HF^2 = 36 + 36$

C-à-d : $HF^2 = 72$

C-à-d : $HF = \sqrt{36 \times 2}$

D'où : $HF = 6\sqrt{2} \text{ cm}$

2) On a : $V = \frac{1}{3} S_B \times h$

Alors : $V = \frac{1}{3} \times EF^2 \times SF$

C-à-d : $V = \frac{1}{3} \times 6^2 \times 10$

C-à-d : $V = \frac{1}{3} \times 36 \times 10$

D'où : $V = 120 \text{ cm}^3$

3) a. On a : la pyramide $SRTUV$ est la réduction de la pyramide $SEFGH$

Alors : $V' = k^3 \times V$

Par suite : $k^3 = \frac{V'}{V}$

C-à-d : $k^3 = \frac{15}{120}$

C-à-d : $k^3 = \frac{1}{8}$

C-à-d : $k^3 = \left(\frac{1}{2}\right)^3$

D'où : $K = \frac{1}{2}$

b. On a : la pyramide $SRTUV$ est la réduction de la pyramide $SEFGH$ de rapport $\frac{1}{2}$

Alors : $[VT]$ est la réduction du segment $[HF]$

Par suite : $VT = \frac{1}{2} \times HF$

C-à-d : $VT = \frac{1}{2} \times 6\sqrt{2}$

D'où : $VT = 3\sqrt{2} \text{ cm}$